

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO LÀO CAI KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT
NĂM HỌC 2021 - 2022

ĐỀ CHÍNH THỨC

Môn thi: TOÁN

Thời gian: 120 phút, không kể thời gian giao đề
(Đề thi này gồm có 01 trang, 07 câu)

Câu 1 (1,0 điểm). Tính giá trị các biểu thức sau:

a) $A = \sqrt{49} - 3$

b) $B = \sqrt{(10 - \sqrt{5})^2} + \sqrt{5}$

Câu 2 (1,5 điểm) Cho biểu thức $P = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+2}} + \frac{2}{\sqrt{x-2}} \right) : \frac{x+4}{\sqrt{x+2}}$ (với $x \geq 0, x \neq 4$)

a) Rút gọn biểu thức P .

b) Tìm giá trị của x để $P = \frac{1}{6}$.

Câu 3 (1,0 điểm).

a) Cho hàm số $y = 2x + b$. Tìm b biết rằng đồ thị của hàm số cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng 3.

b) Cho Parabol $(P): y = x^2$ và đường thẳng $d: y = (m-1)x + m + 4$ (m là tham số). Tìm điều kiện của tham số m để d cắt (P) tại hai điểm nằm về hai phía của trục tung.

Câu 4 (1,5 điểm).

a) Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} 2x - y = 1 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

b) Hai bạn An và Bình cùng may khẩu trang để ủng hộ địa phương đang có dịch bệnh Covid-19, thì mất hai ngày mới hoàn thành công việc. Nếu chỉ có một mình bạn An làm việc trong 4 ngày rồi nghỉ và bạn Bình làm tiếp trong 1 ngày nữa thì hoàn thành công việc. Hỏi mỗi người làm riêng một mình thì sau bao lâu sẽ hoàn thành công việc?

Câu 5 (2,0 điểm).

a) Giải phương trình: $x^2 + 5x - 6 = 0$.

b) Tìm các giá trị của tham số m để phương trình: $x^2 - mx + m - 2 = 0$ có hai nghiệm $x_1; x_2$ thỏa mãn: $x_1 - x_2 = 2\sqrt{5}$.

Câu 6 (1,0 điểm). Cho tam giác ABC vuông tại A , có độ dài các cạnh của tam giác thỏa mãn hệ thức: $BC^2 = (\sqrt{3} + 1)AC^2 + (\sqrt{3} - 1)AB.AC$, hãy tính số đo góc \widehat{ABC} .

Câu 7 (2,0 điểm). Cho đường tròn (O) , từ điểm A nằm ngoài đường tròn kẻ đường thẳng AO cắt đường tròn (O) tại $B, C (AB < AC)$. Qua A kẻ đường thẳng không đi qua tâm O cắt đường tròn (O) tại $D, E (AD < AE)$. Đường thẳng vuông góc với AB tại A cắt đường thẳng CE tại F

a) Chứng minh tứ giác $ABEF$ nội tiếp.

b) Gọi M là giao điểm thứ hai của FB với đường tròn (O) . Chứng minh: DM vuông góc với AC .

c) Chứng minh: $CE.CF + AD.AE = AC^2$.

-----HẾT-----

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1 (1,0 điểm). Tính giá trị các biểu thức sau:

a) $A = \sqrt{49} - 3$

b) $B = \sqrt{(10 - \sqrt{5})^2} + \sqrt{5}$

Lời giải

a) $A = \sqrt{49} - 3 = 7 - 3 = 4$

b) $B = \sqrt{(10 - \sqrt{5})^2} + \sqrt{5} = 10 - \sqrt{5} + \sqrt{5} = 10$

Câu 2 (1,5 điểm) Cho biểu thức $P = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+2}} + \frac{2}{\sqrt{x-2}} \right) : \frac{x+4}{\sqrt{x+2}}$ (với $x \geq 0, x \neq 4$)

a) Rút gọn biểu thức P .

b) Tìm giá trị của x để $P = \frac{1}{6}$.

Lời giải

a)

$$\begin{aligned} P &= \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+2}} + \frac{2}{\sqrt{x-2}} \right) : \frac{x+4}{\sqrt{x+2}} \\ &= \left(\frac{\sqrt{x}(\sqrt{x-2})}{(\sqrt{x+2})(\sqrt{x-2})} + \frac{2(\sqrt{x+2})}{(\sqrt{x-2})(\sqrt{x+2})} \right) : \frac{x+4}{\sqrt{x+2}} \\ &= \left(\frac{x-2\sqrt{x}}{(\sqrt{x+2})(\sqrt{x-2})} + \frac{2\sqrt{x+2}}{(\sqrt{x-2})(\sqrt{x+2})} \right) : \frac{x+4}{\sqrt{x+2}} \\ &= \left(\frac{x+4}{(\sqrt{x+2})(\sqrt{x-2})} \right) : \frac{x+4}{\sqrt{x+2}} \end{aligned}$$

$$\text{Vậy } P = \left(\frac{x+4}{(\sqrt{x+2})(\sqrt{x-2})} \right) : \frac{x+4}{\sqrt{x+2}}$$

b) $P = \frac{1}{6} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{x-2}} = \frac{1}{6} \Leftrightarrow \sqrt{x-2} = 6 \Leftrightarrow \sqrt{x} = 8 \Rightarrow x = 64 (t/m)$

KL: ...

Câu 3 (1,0 điểm).

a) Cho hàm số $y = 2x + b$. Tìm b biết rằng đồ thị của hàm số cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng 3.

b) Cho Parabol $(P): y = x^2$ và đường thẳng $d: y = (m-1)x + m + 4$ (m là tham số). Tìm điều kiện của tham số m để d cắt (P) tại hai điểm nằm về hai phía của trục tung.

Lời giải

a) $y = 2x + b$ đi qua điểm có tọa độ $(3,0) \Rightarrow 0 = 2.3 + b \Rightarrow b = -6$

b) $(P): y = x^2$ giao điểm với $d: y = (m-1)x + m + 4$ tại 2 điểm nằm về hai phía của trục tung

Tọa độ giao điểm là nghiệm của phương trình:

$$x^2 = (m-1)x + m + 4 \Leftrightarrow x^2 - (m-1)x - m - 4 = 0$$

(P) cắt d tại hai điểm nằm về hai phía của trục tung khi và chỉ khi phương trình (1) có hai nghiệm trái dấu.

$$\Leftrightarrow ac < 0 \Leftrightarrow -m - 4 < 0 \Leftrightarrow m > 4.$$

Vậy $m > 4$ thì (P) cắt d tại hai điểm nằm về hai phía của trục tung.

Câu 4 (1,5 điểm).

a) Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} 2x - y = 1 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

b) Hai bạn An và Bình cùng may khẩu trang để ủng hộ địa phương đang có dịch bệnh Covid-19, thì mất hai ngày mới hoàn thành công việc. Nếu chỉ có một mình bạn An làm việc trong 4 ngày rồi nghỉ và bạn Bình làm tiếp trong 1 ngày nữa thì hoàn thành công việc. Hỏi mỗi người làm riêng một mình thì sau bao lâu sẽ hoàn thành công việc?

Lời giải

$$\text{a) } \begin{cases} 2x - y = 1 \\ x + y = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x = 3 \\ x + y = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 1 \end{cases}$$

b) Gọi thời gian An làm riêng một mình thì hoàn thành công việc là x (ngày, $x > 4$)

Gọi thời gian Bình làm riêng một mình thì hoàn thành công việc là y (ngày, $y > 1$)

Theo bài dễ dàng ta có hệ phương trình:
$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{2} \\ \frac{4}{x} + \frac{1}{y} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 6 \\ y = 3 \end{cases} (t/m)$$

KL ...

Câu 5 (2,0 điểm).

a) Giải phương trình: $x^2 + 5x - 6 = 0$.

b) Tìm các giá trị của tham số m để phương trình: $x^2 - mx + m - 2 = 0$ có hai nghiệm $x_1; x_2$ thỏa mãn: $x_1 - x_2 = 2\sqrt{5}$.

Lời giải

a) $x^2 + 5x - 6 = 0 \Leftrightarrow (x - 1)(x + 6) \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -6 \end{cases}$

KL....

b) Phương trình $x^2 - mx + m - 2 = 0$ có 2 nghiệm khi và chỉ khi $\Delta > 0$.

$$\Leftrightarrow (-m)^2 - 4(m - 2) > 0$$

$$\Leftrightarrow m^2 - 4m + 8 > 0$$

$$\Leftrightarrow (m - 2)^2 + 4 > 0 \text{ (luôn đúng).}$$

Do đó phương trình đã cho luôn có 2 nghiệm phân biệt x_1, x_2 .

Theo hệ thức Vi-ét ta có:
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = m \\ x_1 x_2 = m - 2 \end{cases}$$

Theo bài ra ta có:

$$x_1 - x_2 = 2\sqrt{5}$$

$$\Rightarrow (x_1 - x_2)^2 = 20$$

$$\Leftrightarrow x_1^2 + x_2^2 - 2x_1 x_2 = 20$$

$$\Leftrightarrow (x_1^2 + x_2^2 + 2x_1x_2) - 4x_1x_2 = 20$$

$$\Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2 = 20$$

$$\Leftrightarrow m^2 - 4(m - 2) = 20$$

$$\Leftrightarrow m^2 - 4m - 12 = 0(1)$$

Ta có $\Delta_m' = 2^2 - 1 \cdot (-12) = 16 > 0$ nên phương trình (1) có 2 nghiệm phân biệt

$$\left[\begin{array}{l} m_1 = \frac{2 + \sqrt{16}}{1} = 6 \\ m_2 = \frac{2 - \sqrt{16}}{1} = -2 \end{array} \right.$$

Câu 6 (1,0 điểm). Cho tam giác ABC vuông tại A , có độ dài các cạnh của tam giác thỏa mãn hệ thức: $BC^2 = (\sqrt{3} + 1)AC^2 + (\sqrt{3} - 1)AB \cdot AC$, hãy tính số đo góc \widehat{ABC} .

Lời giải

Áp dụng định lí Pytago ta có:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$\Rightarrow AB^2 + AC^2 = (\sqrt{3} + 1)AC^2 + (\sqrt{3} - 1)AB \cdot AC$$

$$\Leftrightarrow AB^2 = \sqrt{3}AC^2 + (\sqrt{3} - 1)AB \cdot AC$$

$$\Leftrightarrow AB^2 - (\sqrt{3} - 1)AB \cdot AC - \sqrt{3}AC^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow AB^2 + AB \cdot AC - \sqrt{3}AB \cdot AC - \sqrt{3}AC^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow AB(AB + AC) - \sqrt{3}AC(AB + AC) = 0$$

$$\Leftrightarrow (AB + AC)(AB - \sqrt{3}AC) = 0$$

$$\Leftrightarrow AB = \sqrt{3}AC \text{ (do } AB + AC > 0)$$

$$\Rightarrow \frac{AB}{AC} = \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \cot \widehat{ABC} = 30^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{ABC} = 30^\circ$$

$$\text{Vậy } \widehat{ABC} = 30^\circ.$$

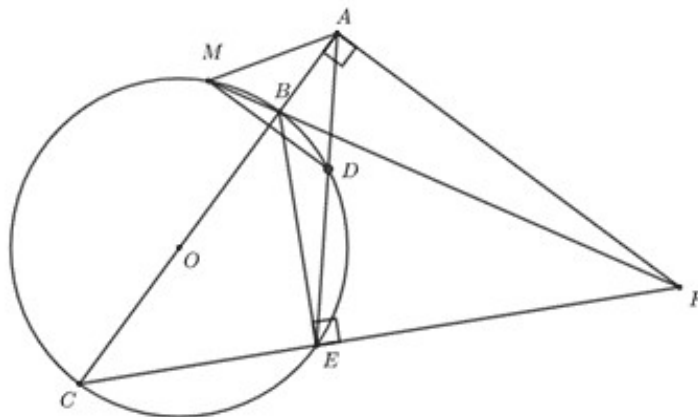
Câu 7 (2,0 điểm). Cho đường tròn (O) , từ điểm A nằm ngoài đường tròn kẻ đường thẳng AO cắt đường tròn (O) tại B, C ($AB < AC$). Qua A kẻ đường thẳng không đi qua tâm O cắt đường tròn (O) tại D, E ($AD < AE$). Đường thẳng vuông góc với AB tại A cắt đường thẳng CE tại F

a) Chứng minh tứ giác $ABEF$ nội tiếp.

b) Gọi M là giao điểm thứ hai của FB với đường tròn (O) . Chứng minh: DM vuông góc với AC .

c) Chứng minh: $CE.CF + AD.AE = AC^2$.

Lời giải



a. Ta có: $\widehat{BEC} = 90^\circ$ (BC là đường kính, $E \in (O)$)

$$\Rightarrow \widehat{FEB} = 90^\circ$$

Theo giả thiết, ta có: $\widehat{FAB} = 90^\circ$

Vậy tứ giác $ABEF$ nội tiếp.

b. Ta thấy $\widehat{BMD} = \widehat{BED}$ (góc nội tiếp cùng chắn cung BD)

Lại có tứ giác $ABEF$ nội tiếp (cmt) $\Rightarrow \widehat{AFB} = \widehat{AEB} = \widehat{DEB}$

$$\Rightarrow \widehat{AFB} = \widehat{BMD} = \widehat{FMD} \Rightarrow AF \parallel MD$$

Mà $AF \perp AC \Rightarrow DM \perp AC$

c. Vì $BDEC$ nội tiếp $\Rightarrow \Delta ADB \sim \Delta ACE$ (g.g) $\Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{AC}{AE} \Rightarrow AD.AE = AB.AC$ (1)

Tương tự, tứ giác $ABEF$ nội tiếp $\Rightarrow \Delta CEB \sim \Delta CAF (g.g) \Rightarrow \frac{CE}{CB} = \frac{CA}{CF} \Rightarrow CE.CF = CA.CB$ (2)

Cộng 2 vế (1) và (2) $\Rightarrow CE.CF + AD.AE = AB.AC + CA.CB$.

-----HẾT-----